

# Cenni di schedulazione in tempo reale

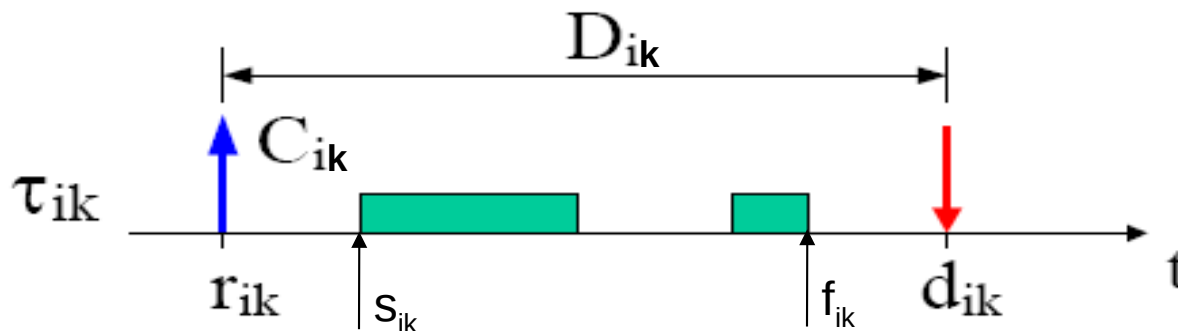
E.Mumolo

---

`mumolo@units.it`

# Task in tempo reale

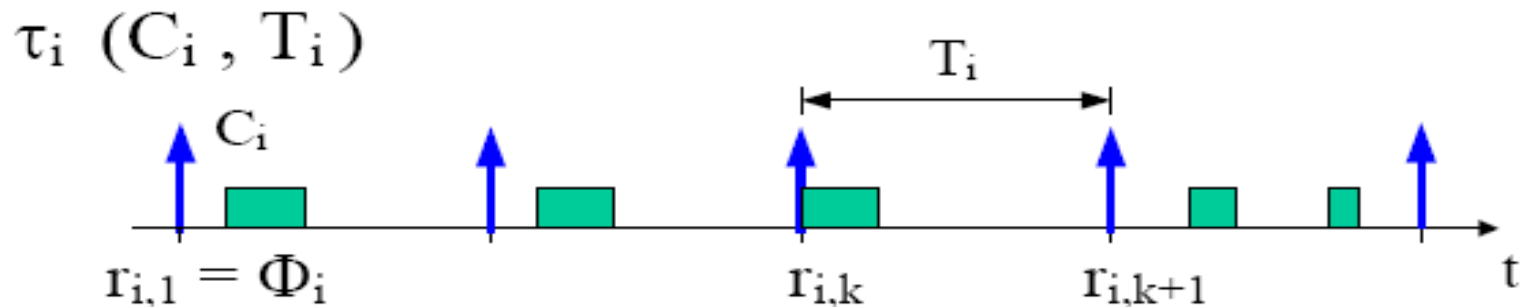
- Un task  $t_i$  è una sequenza di processi in tempo reale  $\tau_{ik}$  ciascuno caratterizzato da
  - un tempo d'arrivo  $r_{ik}$
  - un tempo di inizio esecuzione  $s_{ik}$
  - un tempo di fine esecuzione  $f_{ik}$
  - una deadline assoluta  $d_{ik}$
  - una deadline relativa  $D_{ik}$
  - da un tempo di esecuzione  $C_{ik}$



# Task periodici

- Triggerati a periodi fissi da un timer
- Consistono in una sequenza infinita di attività identiche, chiamate istanze.
- Ciascuna istanza è caratterizzata da un periodo  $T$  e da un tempo di calcolo  $C$

$$\text{Task periodico } \tau_i \quad \begin{cases} r_{i1} = \Phi_i \\ r_{i,k+1} = r_{i,k} + T_i \end{cases}$$

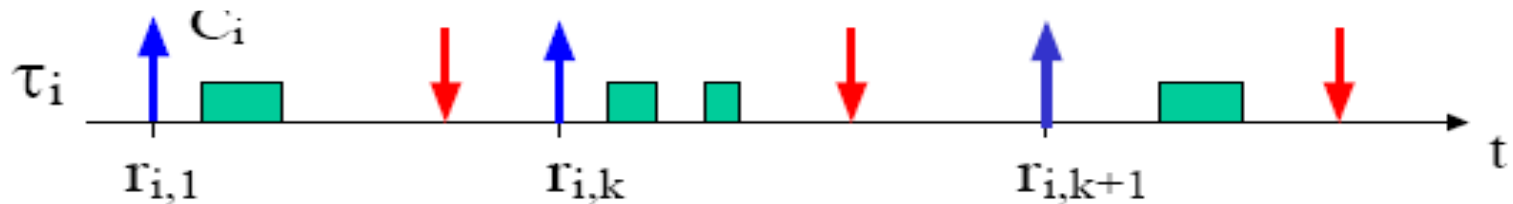


# Task aperiodici

- Triggerati da interrupt esterni
- I task sporadici sono triggerati da interrupt esterni con un minimo tempo di interarrivo tra gli interrupt

Task aperiodici:  $r_{i,k+1} > r_{i,k}$

Task sporadici:  $r_{i,k+1} \geq r_{i,k} + T_i$



# Metriche

- Lateness:  $L=f-d$
- Exceeding time:  $E=\max(0,L)$  → tempo in cui un processo e' rimasto attivo oltre la propria deadline
- Slack time (o LAXITY):  $LX=d-a-C$  → ritardo di attivazione max consentita
- Metriche di valutazione: basate sulla funzione di costo che dipende dal tempo di terminazione del task. La funzione di costo rappresenta l'importanza relativa del task.

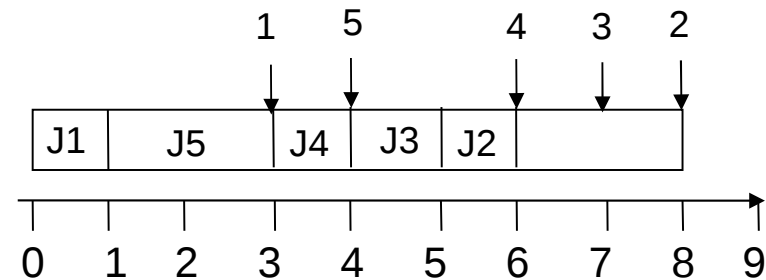
# *Scheduling Real Time per Processi Aperiodici*

- Ottimizzare una funzione di costo definita sui parametri temporali
  - Notazione di Graham:  $(\alpha|\beta|\gamma)$   
dove:
    - $\alpha$  : macchina fisica (monoprocessore, multiprocessore etc)
    - $\beta$  : tipo di vincoli ai processi (precedenza, preemption etc.)
    - $\gamma$  : funzione di costo minimizzata
  - Esempio:  
 $(1|\text{prec}|L_{\text{MAX}})$ ,  $(3|\text{nopreempt.}|\Sigma f_i)$ ,  $(2| |\Sigma f_i)$
-

# Algoritmo di Jackson

- Algoritmo  $(1|a_0|L_{\max})$  per un sistema di  $n$  tasks
- Consideriamo un insieme di task  $J = \{J_i(a_i, C_i, d_i), i=1 \dots n\}$ , dove  $a_i = a_0$  per ogni  $i=1 \dots n$
- Algoritmo: la massima lateness  $L_{\max}$  e' minimizzata se i processi sono schedulati in ordine di deadline crescenti
- La complessita' di calcolo dipende principalmente dalla procedura di ordinamento dell'insieme di task  $\rightarrow O(n \log n)$

	$J_1$	$J_2$	$J_3$	$J_4$	$J_5$
$C_i$	1	1	1	1	2
$d_i$	3	8	7	6	4



$$L_{\max} = -1$$

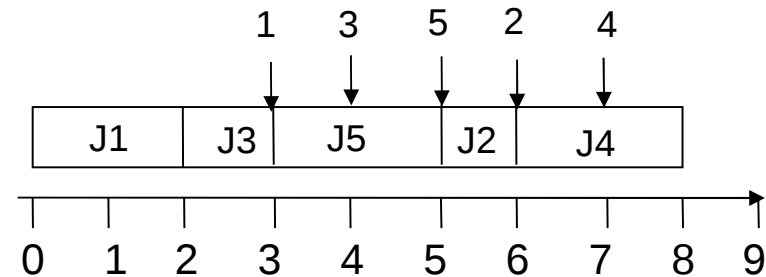
# Algoritmo di Jackson

- Test di schedulabilità:

$$\forall i=1..n; \sum_{k=1}^i C_k \leq d_i$$

- Esempio di schedulazione Non Fattibile

	J <sub>1</sub>	J <sub>2</sub>	J <sub>3</sub>	J <sub>4</sub>	J <sub>5</sub>
C <sub>i</sub>	2	1	1	2	2
d <sub>i</sub>	3	6	4	7	5

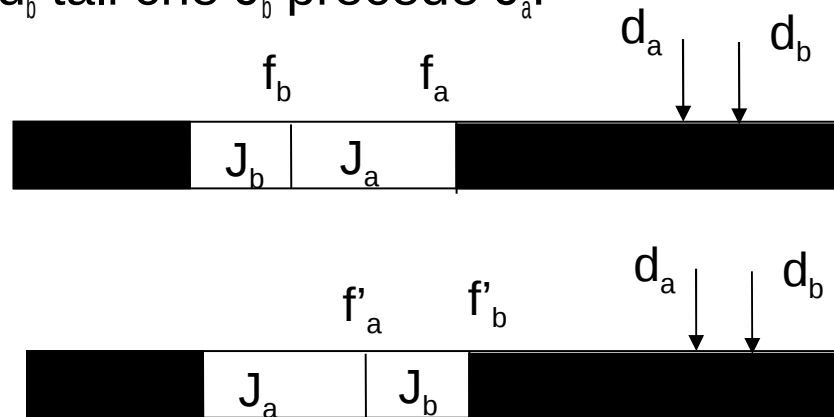


$$L_{\max} = 1$$



# Algoritmo di Jackson

- Ottimalità dell'algoritmo di Jackson
- Per una schedulazione generica, esisteranno almeno due task  $J_a$  e  $J_b$  con  $d_a \leq d_b$  tali che  $J_b$  precede  $J_a$ :



$$L_a = f_a - d_a$$

$$L_b = f_b - d_b$$

$$L_{\max} = f_a - d_a$$

$$L'_a = f'_a - d_a$$

$$L'_b = f'_b - d_b$$

- Se si invertono i due task, la lateness massima diminuisce:

$$\text{Se } (L'_a > L'_b) \quad L'_{\max} = f'_a - d_a < f_a - d_a \quad \rightarrow \quad L'_{\max} < L_{\max}$$

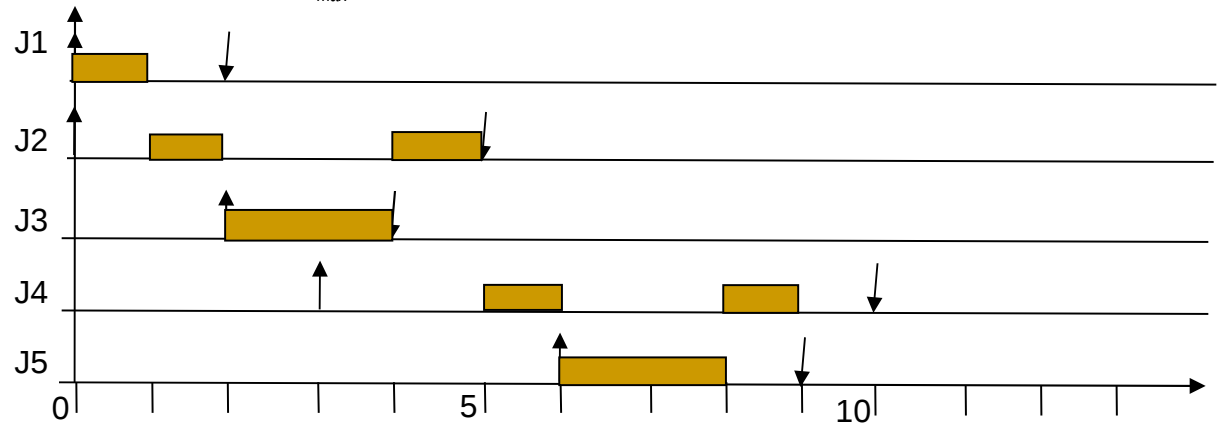
$$\text{Se } (L'_b > L'_a) \quad L'_{\max} = f'_b - d_b = f_a - d_b < f_a - d_a \quad \rightarrow \quad L'_{\max} < L_{\max}$$

Eseguendo un numero finito di scambi di questo tipo si ottiene la schedulazione ottima

# Algoritmo di Horn

- Algoritmo (1|preemp| $L_{max}$ )
- Rimuove l'ipotesi di attivazioni simultanee: attivazione dinamica e pre-emption
- Estensione dell'algoritmo di Jackson
- Algoritmo: La massima lateness  $L_{max}$  di un insieme di  $n$  task con attivazione dinamica e' minimizzata se, ogni volta che un nuovo task entra nel sistema la coda dei processi pronti viene riordinata per deadline crescente e la CPU viene assegnata al processo con deadline piu' imminente.
- Chiamata anche Earliest Deadline First (EDF)
- Ottimalita' nel senso che minimizza  $L_{max}$  e nel senso della schedulazione.

	$a_i$	$C_i$	$d_i$
J1	0	1	2
J2	0	2	5
J3	2	2	4
J4	3	2	10
J5	6	2	9



# Algoritmo di Horn

- Complessità  $O(n^2)$ , dove  $n$  è il numero di processi che possono essere attivati dinamicamente.
- Test di garanzia di schedulabilità: derivato dal test di Jackson:

$$\forall i=1..n; \sum_{k=1}^i c_k(t) \leq \bar{d}_i$$

dove  $c_k(t)$  sono i tempi residui istantanei di esecuzione e  $\bar{d}_i$  sono le deadline riscalate rispetto ai tempi di arrivo.

- Minimizzazione di  $L_{max}$ : deriva da Jackson
- Teorema:

*Se un insieme di task aperiodici non è schedulabile con l'algoritmo di Horn, allora non è schedulabile con nessun altro algoritmo*

Dim.

In altre parole, l'enunciato del teorema afferma che:

*se un insieme di task è schedulabile con un qualche algoritmo  $A$ , allora sicuramente è schedulabile con l'algoritmo di Horn.*

# Algoritmo di Horn (cont.)

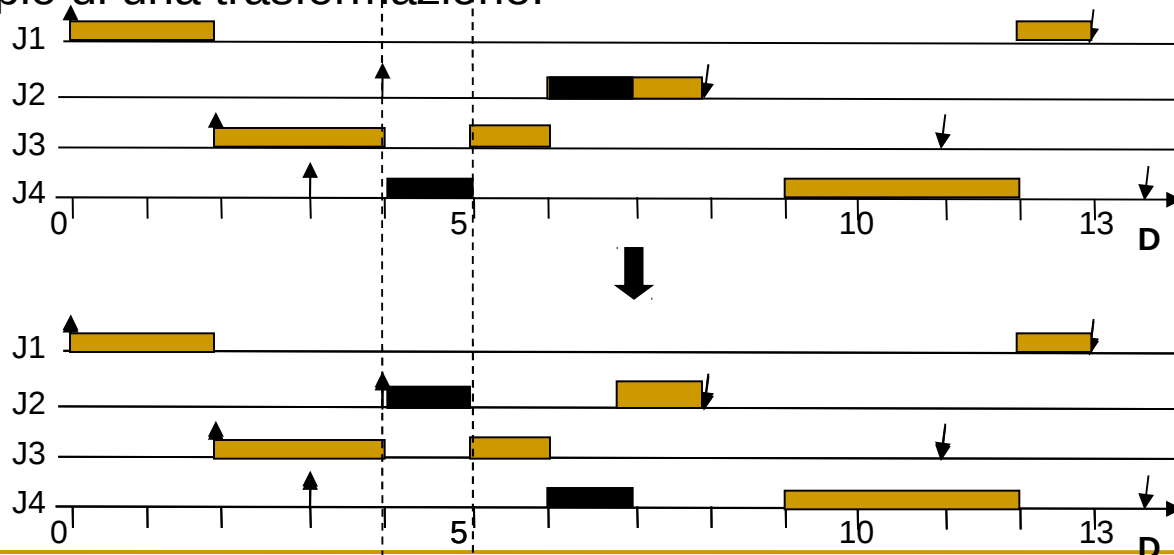
- Si divida la scala temporale in quanti pari all'unità di tempo del sistema
- Sia  $t=0$  il primo istante di attivazione dei processi
- Sia  $D=\max(d)$  la deadline più lontana
- Sia  $\sigma_A$  una qualsiasi schedulazione fattibile
- Sia  $\sigma(t)$  il task in esecuzione al tempo  $t$  nella schedulazione corrente
- Sia  $E(t)$  il task con deadline più imminente
- Sia  $t_E$  l'istante di tempo in cui inizia  $E(t)$  nella schedulazione corrente

Allora: la schedulazione può essere trasformata in una schedulazione di Horn con il seguente algoritmo:

```
Trasforma(){
     $\sigma = \sigma_A$ ;
    for (t=0; t<D; t++){
        if( $\sigma(t) \neq E(t)$ ){
             $\sigma(t_E) = \sigma(t)$ ;
             $\sigma(t) = E(t)$ ;
        }
    }
}
```

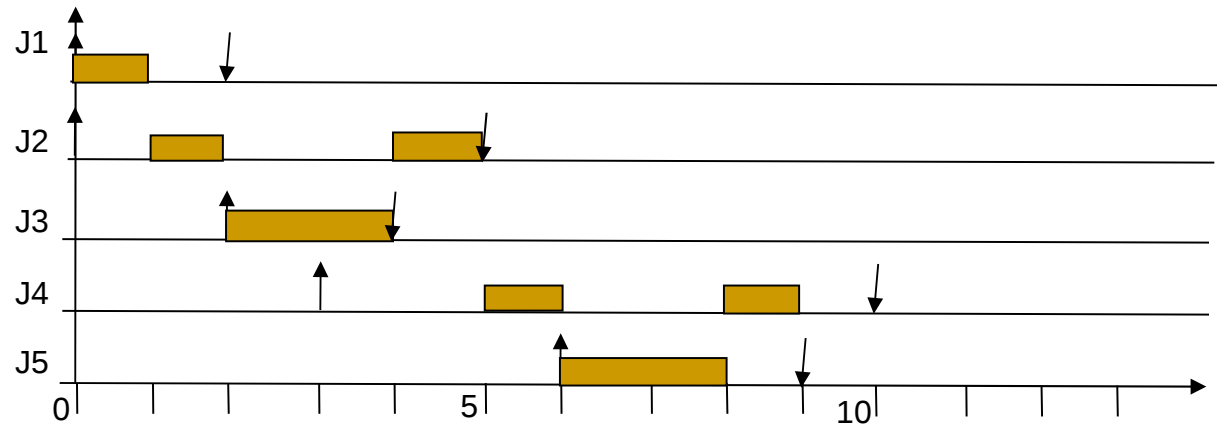
# Algoritmo di Horn (cont.)

- Ciascuna trasformazione preserva il tempo di calcolo dei task (i quanti possono essere solo traslati, non accorciati o allungati)
- Tutti i tempi possono al più essere ritardati di  $t_E$
- Se la schedulazione  $\sigma_A$  è fattibile, allora prima della trasformazione  $(t_E+1) \leq d_E$ , ma  $d_E \leq d_i$  per ogni  $i$ , quindi dopo la trasformazione  $(t_E+1) \leq d_i$  quindi tutti i task terminano entro le deadline  $\rightarrow$  Horn è fattibile
- Esempio di una trasformazione:



# Algoritmo di Horn (cont.)

	$a_i$	$C_i$	$d_i$
J1	0	1	2
J2	0	2	5
J3	2	2	4
J4	3	2	10
J5	6	2	9

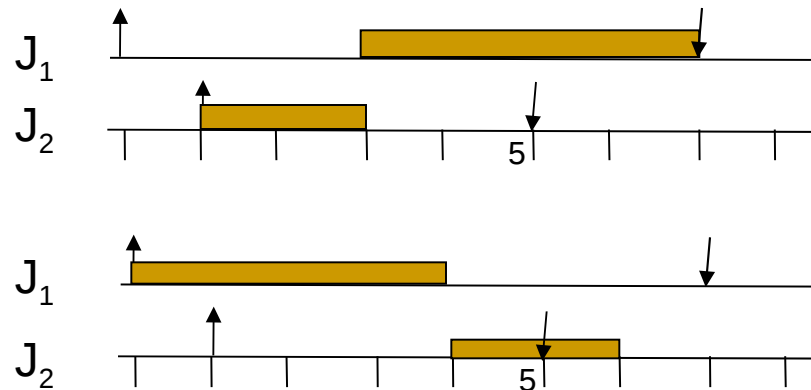


- Analisi della schedulabilità: deve essere fatta ad ogni arrivo
  - ➔ le deadline devono essere riscalate ad ogni arrivo del tempo dell'arrivo
  - Istante 0: sono presenti in coda J1 e J2 (nell'ordine). Tempo residuo per J1: 1; per J2: 2.  
 $1 \leq d_1 = 2$      $1+2 \leq d_2 = 5$
  - Istante 2: sono presenti in coda J3 e J2 (nell'ordine). Tempo residuo per J3: 2; per J2: 1  
 $2 \leq d_3 = 2$      $2+1 \leq d_2 = 3$
  - Istante 3: sono presenti in coda J3, J2, J4 (nell'ordine). Tempo residuo per J3: 1; per J1: 1; per J4: 2  
 $1 \leq d_3 = 1$      $1+1 \leq d_1 = 2$      $1+1+2 \leq d_4 = 7$
  - Istante 6: sono presenti in coda J5, J4 (nell'ordine). Tempo residuo per J5: 2; per J4: 1  
 $2 \leq d_5 = 3$      $2+1 \leq d_4 = 4$

# Schedulazione non pre-emptive. Algoritmo di Horn

- Se si esclude l'ipotesi di preemption, con attivazione dinamica l'algoritmo EDF non e' piu' ottimo
- Esempio:

	$a_i$	$C_i$	$D_i$
$J_1$	0	4	7
$J_2$	1	2	5



Schedulazione  
ottima

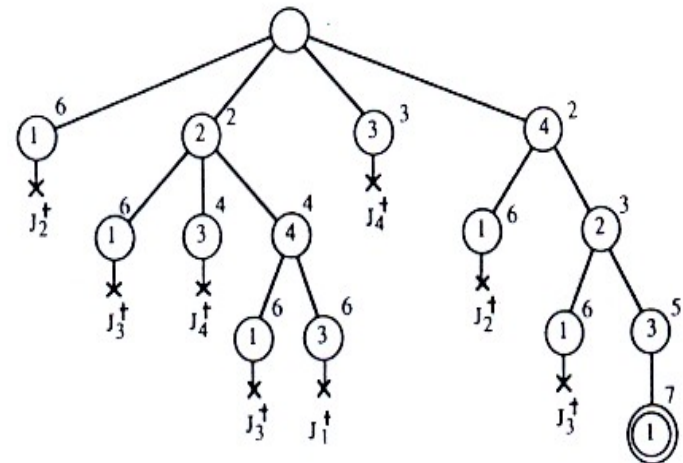
Schedulazione  
EDF

# Schedulazione non pre-emptive. Algoritmo di Bratley

- Schedulazione senza pre-emption di un insieme di task attivati dinamicamente
- Ricerca su un albero con pruning
- Complessita'  $O(nn!)$
- Algoritmo off-line. Esempio:

	$a_i$	$C_i$	$d_i$
$J_1$	4	2	7
$J_2$	1	1	5
$J_3$	1	2	6
$J_4$	0	2	4

Numero nel nodo  
→ task che viene schedulato  
Numero accanto al nodo  
→ tempo in cui il task termina  
 $J^+$  → task che supera la deadline  
⊙ → schedulazione fattibile

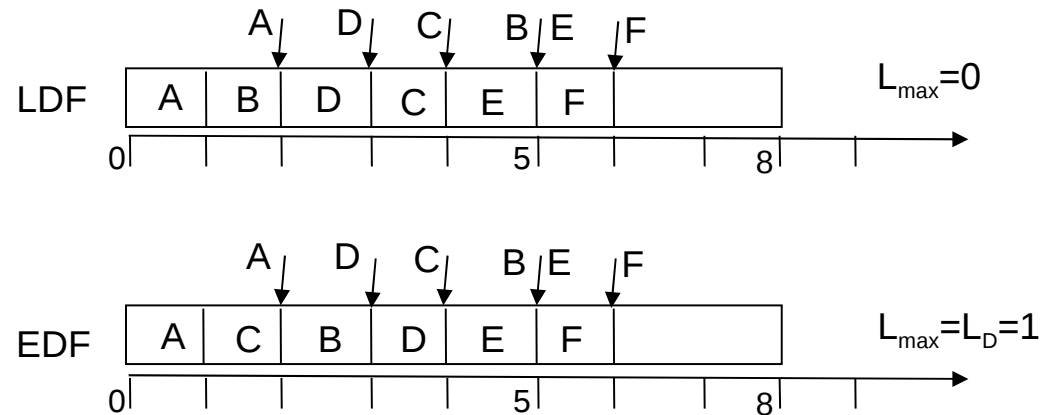
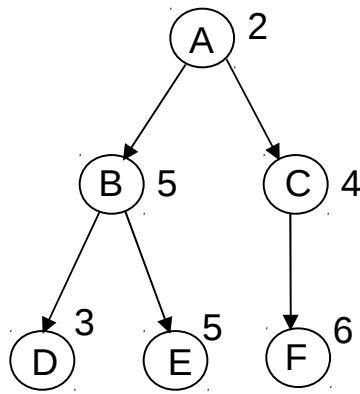




# Algoritmi di Scheduling con Vincoli di Precedenza

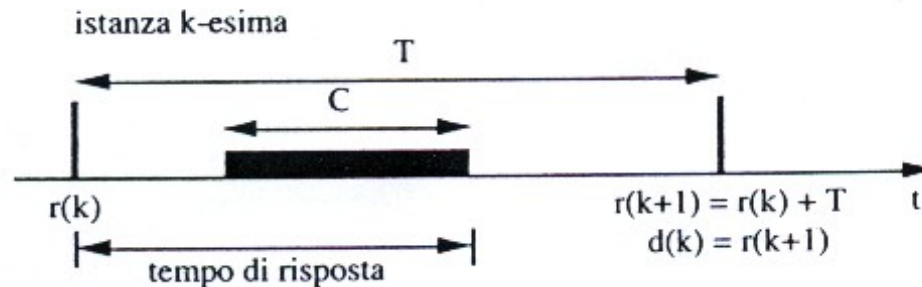
- Può essere risolto con algoritmi polinomiali solo se si impongono ipotesi semplificative
- Algoritmo Latest Deadline First (LDF). Algoritmo  $(1|prec, a_0| L_{max})$
- Algoritmo: Dato un insieme  $J$  di  $n$  task con grafo di precedenza, si costruisce la lista di scheduling a partire dal fondo. Fra tutti i task che non hanno successori nel grafo, si seleziona il processo con la deadline più lunga.
- Schedulato l'ultimo task, la lista viene eseguita in ordine inverso.
- Esempio:

	$C_i$	$d_{i_i}$
$J_A$	1	2
$J_B$	1	5
$J_C$	1	4
$J_D$	1	3
$J_E$	1	5
$J_F$	1	6



# Task periodici

- Sono la maggioranza delle attività di elaborazione. Es. regolazione, acquisizione, filtraggio, monitoraggio, comando di attuatori etc.
- Ipotesi:
  - Tutte le richieste di esecuzione sono inoltrate ad intervalli regolari (periodo)
  - Il tempo di esecuzione di un task è costante
  - La deadline coincide con la fine del periodo corrente
  - Tutti i task sono indipendenti
- Quindi, un processo periodico è caratterizzato da due parametri:
  - Periodo  $T_i$
  - Tempo di esecuzione  $C$



# *Task periodici*

- Fattore di utilizzazione del processore U
  - E' la frazione di tempo utilizzata dalla CPU per eseguire l'insieme di task (e' una misura della occupazione del tempo di CPU per eseguire un insieme di task periodici)
  - In un insieme di n task: 
$$U = \sum_{i=1}^n \frac{C_i}{T_i}$$
  - Il processore e' "completamente utilizzato" dall'insieme di task se un piccolo aumento di un  $C_i$  rende la schedulazione non fattibile
  - "Limite superiore minimo"  $U_{ism}$  del fattore di utilizzazione: minimo tra i fattori di utilizzazione calcolati su tutti gli insiemi di task che utilizzano completamente il processore. Parametro caratteristico di scheduling. E' il carico massimo gestibile da un algoritmo di schedulazione.

# Task periodici

## Earliest Deadline First (EDF)

- Si seleziona dalla lista dei processi pronti quello la cui deadline e' piu' imminente
- Pre-emptive: se arriva un task con deadline minore → sospensione
- Utilizzabile nei SO a base prioritaria (priorita' alta=deadline vicina)
- La coda dei processi pronti ordinata (velocizzare)
- *Teorema di schedulabilità: Condizione necessaria e sufficiente per la schedulabilità e'  $\sum C_i/T_i \leq 1 \rightarrow U_{ism}=1$*
- Esempio:

	$C_i$	$T_i$
$\tau_1$	1	5
$\tau_2$	2	7
$\tau_3$	4	9

$$U=1/5+2/7+4/9=0.93$$

